

Tartalom

- 1 Az E-szavazásról
 - Szavazás folyamata
 - E-szavazás formái
 - I-szavazás a világon
- 2 Biztonsági elvárások
- 3 Kategóriák
- 4 (Vak) aláírásos
 - FOO séma
 - Észtszavazó séma
- 5 Homomorf
- 6 Mix-net
 - Mix-netekről általában
 - Egyirányú mix-net

Szavazás folyamata



Szavazó hitelesítése



Szavazat leadása



Szavazatok összeszámlálása

Elektronikus szavazás

A szavazás adatait **elektronikusan**

- rögzítik,
- tárolják,
- feldolgozzák.

Formái:

- *Internet szavazás* (I-szavazás): távoli elektronikus szavazás, nem kontrollált környezetben
- *Kiosk szavazás*: szavazógép segítségével, nem kontrollált környezetben (pl. áruházak), szavazó hitelesítését hivatalos személyzet végzi a helyszínen
- *Szavazógépek* (**D**irect-**R**ecording **E**lectronic machine): szavazóhelyiségeken, érintőképernyős/nyomógombos, sok esetben papír alapú igazolást ad
- *Scanner*: a szavazólapot elektronikusan rögzíti és összeszámolja a szavazatokat, az eredeti szavazólap felhasználható újraszámolásra

Elektronikus szavazás formái

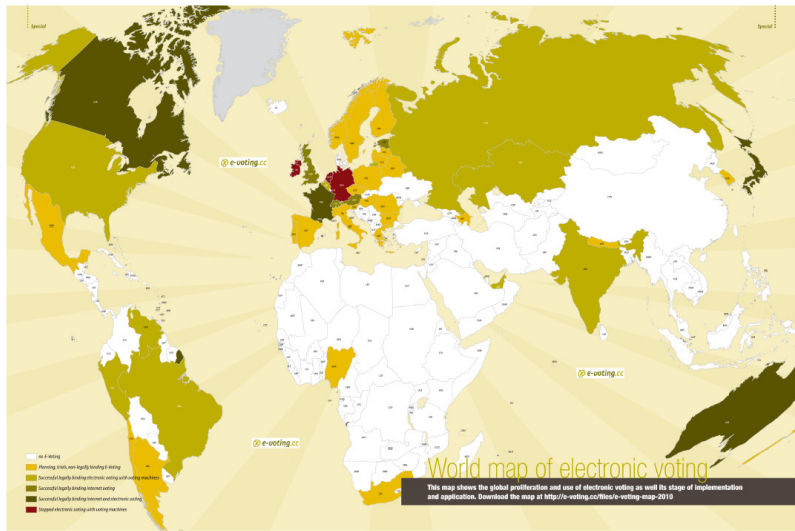


Scanner (dreamstime.com)

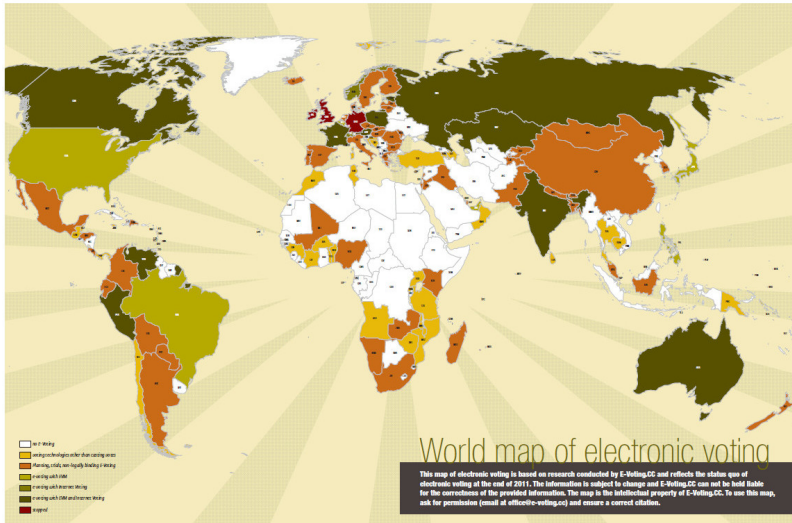


DRE (wikipedia)

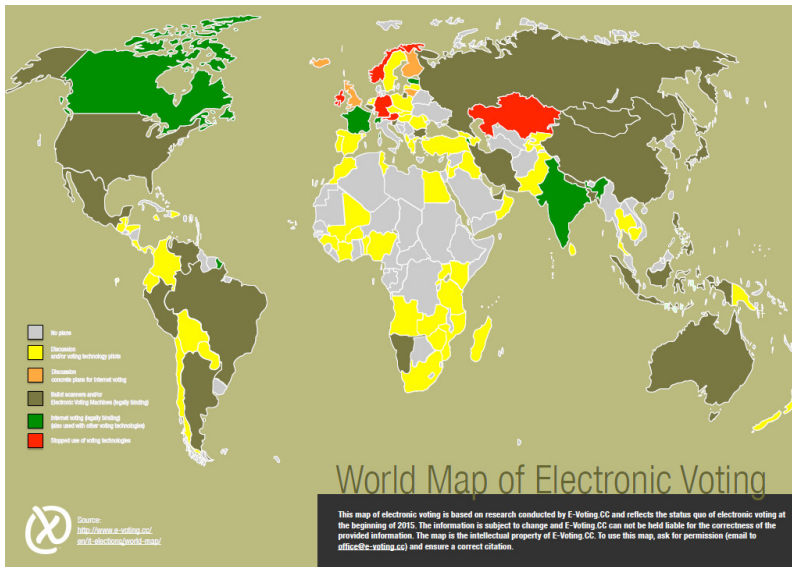
I-szavazás a világon 2009 (evoting.cc)



I-szavazás a világon 2011 (evoting.cc)



I-szavazás a világon 2015 (evoting.cc)



Biztonsági elvárások

- titkosság (privacy): titokban marad ki mire szavazott
- jogosultság (eligibility): csak az arra jogosult szavazhat
- egyszer-szavazhatóság (unreusability): mindenki csak legfeljebb egyszer szavazhat
- igazságosság (fairness): részeredmények nem befolyásolhatják a végleges eredményt
- személyes ellenőrizhetőség(individual verifiability): szavazó ellenőrizheti, hogy megfelelően számolták -e be a szavazatát
- univerzális ellenőrizhetőség(global verifiability): bárki, akár egy külső megfigyelő is ellenőrizheti, hogy a rendszer megfelelően működik

Biztonsági elvárások

- zsarolhatatlanság, megvesztegethetetlenség: nincs bizonyíték arról, hogy a szavazó hogy szavazott
 - igazolásmentes (receipt-freeness): a támadó megfigyelésből és az együttműködő szavazó titkaiból nyer információt
 - kényszeríthetetlen (uncoercibility): a támadó együttműködik a szavazóval a szavazó fázisban (megadhatja az üzeneteket)

Kategóriák

Vak aláíráson alapuló sémák

- regisztrációs fázis : rendszer-paraméterek generálása, token (azonosító, titkosított szavazat) hitelesítése
- szavazó fázis : szavazat és a hitelesített token elküldése anonim csatornán keresztül
- összeszámlálási fázis : hitelesített szavazatok visszafejtése, összeszámlálása

Homomorf titkosításon alapuló sémák

- regisztrációs fázis : azonosító generálása
- szavazó fázis: titkosított szavazat érvényességének vizsgálata és elküldése
- összeszámlálási fázis: az eredmény meghatározása

Kategóriák

Mix-neten alapuló sémák

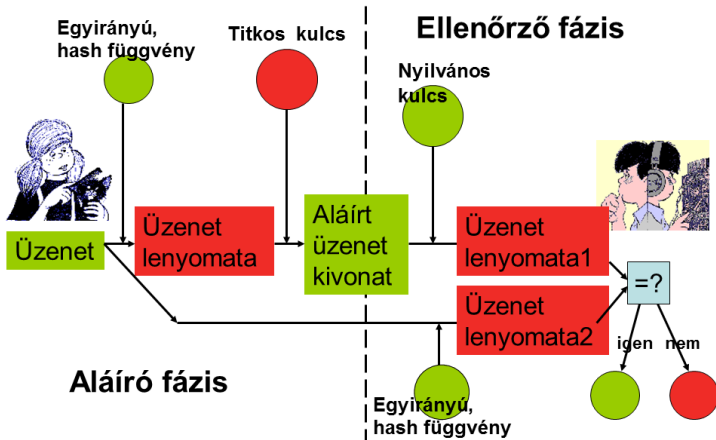
- minden szervezet megkapja a jelöltek listáját véletlenszerűen permutálja és titkosítja, majd az így kapott listát nyilvánosságra hozza a következő szervezet számára
- a permutációt elküldi titkos csatornán keresztül a szavazónak
- a szavazó az utolsó szervezet által készített listából kiválaszt egyet (az összes permutáció ismeretében)

FOO séma

- Atsushi Fujioka, Tatsuaki Okamoto, Kazuo Ohta (Nippon Telegraph and Telephone Corporation, Japan, 1992)
- Résztvevők: Szavazó, Adminisztrátor, Számláló
- Kommunikációs csatornák: anonim csatorna, nyilvános csatorna
- Kriptográfiai sémák: aláírási séma, vak aláírási, bit-commitment

Digitális aláírás

A digitális aláírás labormodellje



RSA-FDH aláírás

Aláírási séma: $\{\mathcal{K}, \text{Sign}, \text{Ver}\}$

$\mathcal{P} = \mathcal{A} = \mathbb{Z}_n$, ahol n az RSA modulus, $H : \mathbb{Z}_n \mapsto \mathbb{Z}_n$ hash

\mathcal{K} :

- 1 p és q véletlen, nagy prímek választása
- 2 $n = p \cdot q$, $\phi(n) = (p - 1)(q - 1)$
- 3 $1 < e < \phi(n)$ választása, ahol $(e, \phi(n)) = 1$
- 4 $1 < d < \phi(n)$ kiszámítása $ed \equiv 1 \pmod{n}$ alapján
- 5 $PK = (n, e)$
 $SK = d$, titkos paraméterek: $p, q, \phi(n)$

$$\text{Sign}_{SK}(m) = s = [H(m)]^d \pmod{n}$$

$$\text{Ver}_{PK}(m, s) = \begin{cases} 1, & s^e \equiv H(m) \pmod{n}; \\ 0, & \text{egyébként.} \end{cases}$$

Vak aláírás

Vak aláírás

Alice



Hitelesítő Szervezet



- véglegesíti a dokumentumot
- belehelyezi egy **átlátszatlan, indigós** borítékba
- lezárja a borítékot és elküldi aláírásra



- aláírja a lezárt borítékot és visszaküldi a feladónak

- kiveszi a borítékból a dokumentumot
- az aláírás ellenőrizhető

Nem tudja mit írt alá!!

A Hitelesítő Szervezet hitelesen aláírja a dokumentumot anélkül, hogy ismerné annak tartalmát.

RSA-FDH vak aláírás

$\mathcal{P} = \mathcal{A} = \mathbb{Z}_n$, ahol n az RSA modulus, $H : \mathbb{Z}_n \mapsto \mathbb{Z}_n$ hash
 $PK = (n, e)$, $SK = d$, titkos paraméterek: $p, q, \phi(n)$

Alice (*Blind*):

- $m \in \mathcal{P}$ üzenet, $r \in \mathbb{Z}_n$ véletlen,
- $m' \equiv H(m) \cdot r^e \pmod n$
- m' elküldése

Bob (Aláírás):

$$\text{Sign}_{SK}(m') = s' = (m')^d \pmod n$$

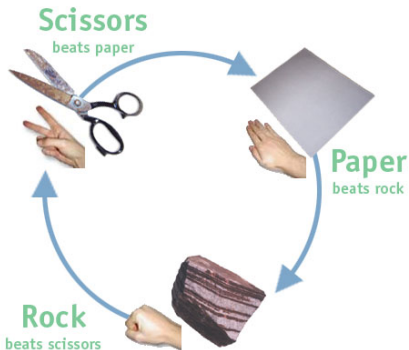
Alice (*Unblind*, ellenőrzés):

$$s \equiv s' \cdot r^{-1} \pmod n, \text{ hiszen } H(m)^d \cdot r^{e \cdot d} \cdot r^{-1} \equiv [H(m)]^d \pmod n$$

$$\text{Ver}_{PK}(m, s) = \begin{cases} 1, & s^e \equiv H(m) \pmod n; \\ 0, & \text{egyébként.} \end{cases}$$

Bit-commitment

Kő-papír-olló játék telefonon:



(wikipedia)

Nem tudjuk biztosan a másik nem gondolta -e meg magát.

Bit-commitment

Cél: "Elkötelezze" magát valami mellett úgy, hogy a másik ne tudja meg mi az.

Elkötelezettségi séma: $\{Setup, Commit, Open\}$

\mathcal{P} : üzenetek halmaza

- $K = Setup(1^k)$, k biztonsági paraméter,
- $(c, d) = Commit_K(m)$, ahol $m \in \mathcal{P}$,
 c : elkötelezettségi érték, d : nyitó érték,
- $m' = Open_K(c, d)$, ahol $m' \in \mathcal{P} \cup \{\perp\}$
 \perp : c nem kötelezettségi értéke egy lehetséges üzenetnek sem

Biztonsági elvárások:

-kötés (binding): nehéz találni olyan d' nyitó értéket, melyre
 $(c, d) = Commit_K(m)$ és $(c, d') = Commit_K(\hat{m})$

-elrejtés (hiding): (c, d) nem árul el információt az m üzenetről

Bit commitment

Kő-papír-olló játék telefonon:

- $A: (c, d) = \text{Commit}_K(\text{papír})$
- $A \rightarrow B: c$
- $B \rightarrow A: \text{olló}$
- $A \rightarrow B: d, \text{ papír}$
- $B: \text{Open}_K(c, d) = \text{papír ellenőrzése}$

Megjegyzés: Ha legfeljebb egy nyílt üzenete lehet egy adott titkosított üzenetnek, akkor az aszimmetrikus titkosítási séma *elkötelezettségi*. Ha CPA biztonságos, akkor használható elkötelezettségi sémaként is. A nyitó fázisban is titkosítunk, tehát nincs szükség titkos kulcsra. Egyszerűbb megoldások is vannak.

Pedersen egy-bit séma

$$\mathcal{P} = \{0, 1\}$$

- $Setup(1^k)$:

- 1 p prím

- 2 $y \in \mathbb{Z}_p^*$ véletlen

- 3 g generátor eleme \mathbb{Z}_p^* -nak

- 4 $K = (p, g, y)$

- $Commit_K(b)$:

- 1 $r \in \mathbb{Z}_p^*$ véletlen

- 2 $c = g^r y^b \pmod p$

- 3 $(c, (r, b))$

- $Open_K(c, (r, b))$:

- 1 IF $c = g^r y^b \pmod p$
 THEN $m' = b$
 ELSE $m' = \perp$.

FOO séma

Résztevők: Szavazó (V), Adminisztrátor (A), Számláló (C)

Fázisok:

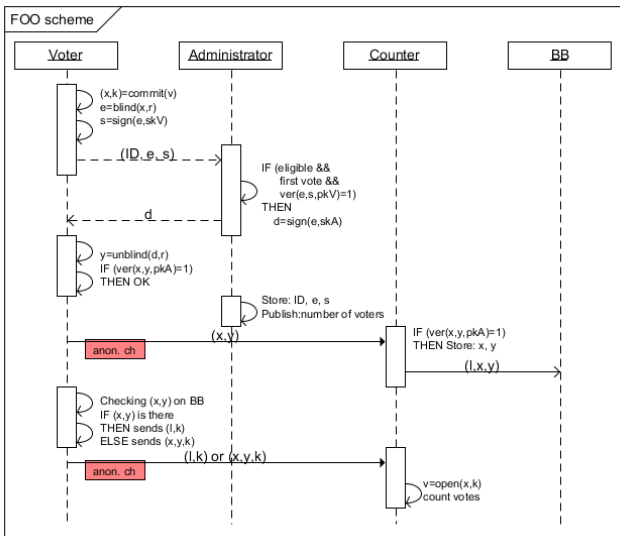
- Regisztráció:
 - ① Szavazó elkészíti e -szavazatát, melyben a tényleges szavazata rejtett: $(x, k) = Commit_K(v)$, $e = Blind(x, r)$,
 - ② Szavazó digitálisan aláírja: $Sign_{SK_V}(e)$,
 - ③ Szavazó elküldi az aláírt e -szavazatot az Adminisztrátornak,
 - ④ Adminisztrátor vakon aláírja, ha a Szavazó jogosult szavazni, még nem hitelesítette korábban és a Szavazó aláírása érvényes: $d = Sign_{SK_A}(e)$,
 - ⑤ Adminisztrátor nyilvánossá teszi a szavazók számát és a (ID, e, s) listát.
- Szavazó:
 - ① Szavazó az aláírt e -szavazatát elküldi a Számlálónak anonim csatornán keresztül: (x, y) ,
 - ② Számláló ellenőrzi az aláírás érvényességét,
 - ③ Határidő után az érvényes aláírt e -szavazatokat a hirdetőtáblán nyilvánosságra hozza: (I, x, y) .

FOO séma

- Összeszámláló:

- 1 Szavazó ellenőrzi, hogy a szavazók és szavazatok száma megegyezik -e,
- 2 Szavazó ellenőrzi, hogy szavazata szerepel -e BB -n, ha nem elküldi: (x, y) ,
- 3 Szavazó elküldi anonim csatornán keresztül: (l, k) ,
- 4 Számláló kinyitja az e-szavazatokat: $Open_K(x, k)$,
- 5 Számláló összeadja az érvényes szavazatokat.

FOO séma



FOO séma - Jellemzők

- titkosság (privacy): anonim csatorna, A és C összefogása mellett is
- jogosultság (eligibility): digitális aláírás + vak aláírás
- egyszer-szavazhatóság (unreusability): vak aláírás
- igazságosság (fairness): határidő után számolják a szavazatokat
- személyes ellenőrizhetőség(individual verifiability): szavazó ellenőrizheti BB -n a szavazatát
- univerzális ellenőrizhetőség(global verifiability): bárki, akár egy külső megfigyelő is ellenőrizheti a szavazók számát és a szavazatokat, feltéve, hogy minden szavazó szavaz, ha regisztrált (C feltehet szavazatot)
- megvesztegethetetlenség, zsarolhatatlanság (receipt-freeness, uncoercibility): nem teljesül (támadó ismeri e, x értékeket)

Észt szavazó séma

- észt személyi igazolvány képes digitális aláírásra és autentikációra (2 tanúsítvány)
- kb. 1.3 millió lakos
- 2005: 765 000 db személyi igazolvány
- 2010: 1.1 millió db személyi igazolvány
- szavazás napja előtt 4-10 nappal lehet e-szavazni
- a szavazó megváltoztathatja e-szavazatát: újra elküldi a szavazás napja előtt 4-10 nappal elektronikusan vagy papíron
- az utolsó szavazatot veszik figyelembe
- Résztvevők: szavazók(PC), Nemzeti Választási Bizottság(szerverek)
- szavazó PC-je a leggyengébb pont, a szerverek felügyelet alatt állnak (felkészültség biztosítható)

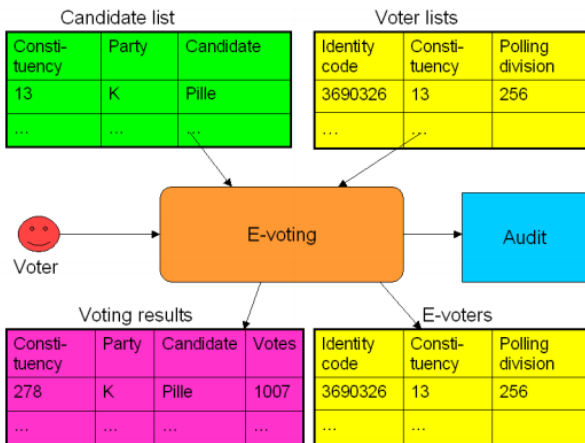


Fig. 1 The scope of e-voting: input and output

Estonian National Electoral Committee

A protokoll váza

- minél egyszerűbb és érthetőbb legyen
- legalább olyan biztonságos legyen, mint a hagyományos
- alapötlet: mozgó szavazóurna modellje
- Működés:
 - 1 Nemzeti Választási Bizottság honlapján a szavazónak magának kell szavaznia
 - 2 szavazó hitelesíti magát személyi igazolványa segítségével
 - 3 megfelelő jelöltek listája megjelenik
 - 4 szavazó kiválasztja a jelöltet és aláírásával hitelesíti
 - 5 honlap megjeleníti a kiválasztott jelöltet a szavazónak

Mozgó szavazóurna modell

- szavazó hitelesíti magát a szavazó bizottságnak
- berakja a kitöltött szavazólapját egy jelöletlen borítékba
- a boríték belekerül egy másik borítékba, melyre rákerül a szavazó adata
- a borítékot elviszik a választó helyiségbe
- ellenőrzik a szavazó jogosultságát a borítékon levő adatok alapján
- ha jogosult a belső boríték az urnába kerül
- külső boríték: digitális aláírás
- belső boríték: titkosítás (jelölt+véletlen szám)

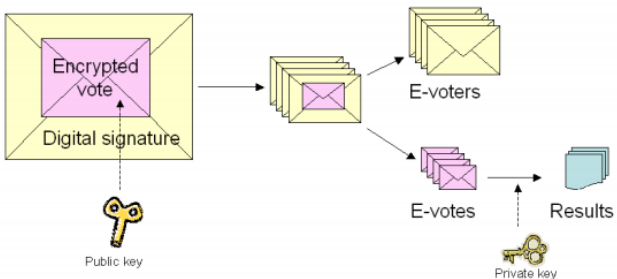


Fig. 2. The envelope method

Estonian National Electoral Committee

Feltételezzük: egy résztvevő sem rendelkezhet az aláírt szavazattal és a titkos visszafejtő kulccsal egyszerre

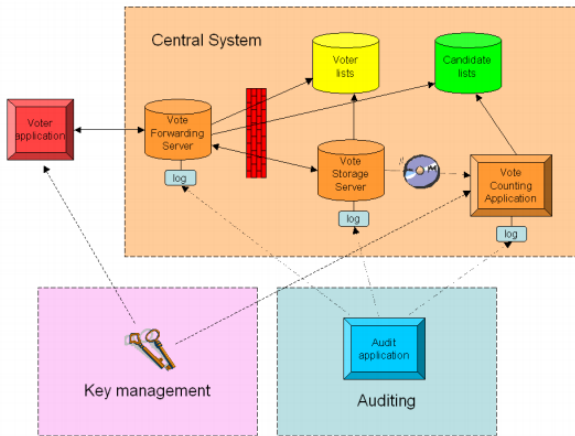


Fig. 3. Election System's general architecture

VFS: szavazó hitelesítése

VSS: jogosulatlan és dupla szavazatok törlése

VCA: visszafejti a titkosított szavazatokat

Észet séma - Jellemzők

- titkosság (privacy): egy résztvevő sem rendelkezhet az aláírt szavazattal és a titkos visszafejtő kulccsal egyszerre
- jogosultság (eligibility): digitális aláírás
- egyszer-szavazhatóság (unreusability): digitális aláírás
- igazságosság (fairness): határidő után számolják a szavazatokat, addig titkosított
- személyes és univerzális ellenőrizhetőség: LOG állományok tartalmazza a szavazat és egy véletlen titkosításának hash értékét (szavazó és bárki ellenőrizhet)
- megvesztegethetetlenség, zsarolhatatlanság (receipt-freeness, uncoercibility): szavazó újra elküldheti szavazatát (akár papíron is)

Homomorf titkosítás

- $\mathcal{E}_{ncPK}(m_1, k_1) \cdot \mathcal{E}_{ncPK}(m_2, k_2) = \mathcal{E}_{ncPK}(m_1 \cdot m_2, k_1 + k_2)$
- ElGamal titkosítás: $\mathcal{E}_{ncPK}(m) = (g^k, m \cdot h^k)$, ahol
 $PK = (g, p, h = g^a)$
- $\mathcal{E}_{ncPK}(m_1) \cdot \mathcal{E}_{ncPK}(m_2) = (g^{k_1+k_2}, m_1 m_2 \cdot h^{k_1+k_2})$
- Alapötlet:
 - ① $SK = a$ megosztva több szervezet között
 - ② igen/nem szavazat: $(m_0, m_1) = (g, g^{-1})$
 - ③ $\mathcal{E}_{ncPK}(m_b) = (x, y) = (g^k, m_b \cdot h^k)$, $b \in \{0, 1\}$ titkosított szavazat elküldése
 - ④ kapott titkosított szavazatok összeszorzása:
 $\prod (g^{k_i}, g^{t_i} \cdot h^{k_i}) = (g^{\sum k_i}, g^{\sum t_i} \cdot h^{\sum k_i})$, ahol $t_i \in \{1, -1\}$
 - ⑤ A szervezetek közösen fejtik vissza az eredményt (g^T) , amiből T kiszámítható).
 - ⑥ Nulla-ismeretű protokoll szükséges, mely bizonyítja a beküldött titkosított szavazat helyességét: $dlog_g x = dlog_h y g^{-1}$ vagy
 $dlog_g x = dlog_h y g$
- Globálisan egyszerűen ellenőrizhető

Nulla-ismeretű protokoll

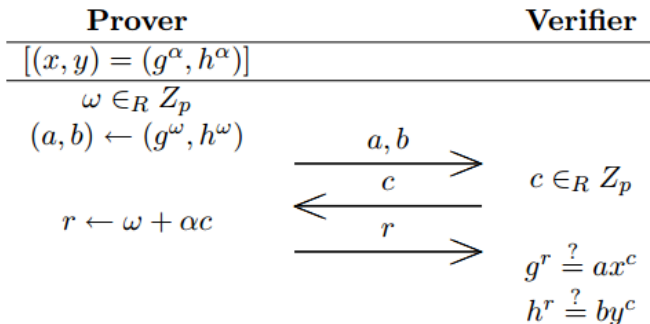


Figure 2: Proof of knowledge for $\log_g x = \log_h y$

Mix-net

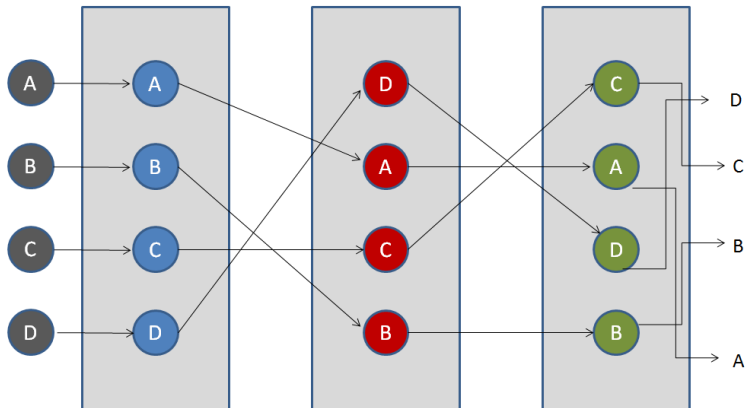
- Mix szerverek láncolata
- cél: anonim kommunikáció biztosítása
- Mix műveletei:
 - 1 összegyűjti a bejövő üzeneteket
 - 2 kriptográfiai primitív + permutáció
 - 3 az üzeneteket vagy a következő mix-nek vagy a címzettnek küldi

Szabad útválasztásos mix-net: a szerverek sorrendje tetszőleges
Cascade mix-net:

- Szerverek sorrendje kötött
- Visszafejtő mix-net
- (Újra)titkosító mix-net
- Hybrid mix-net

Cascade

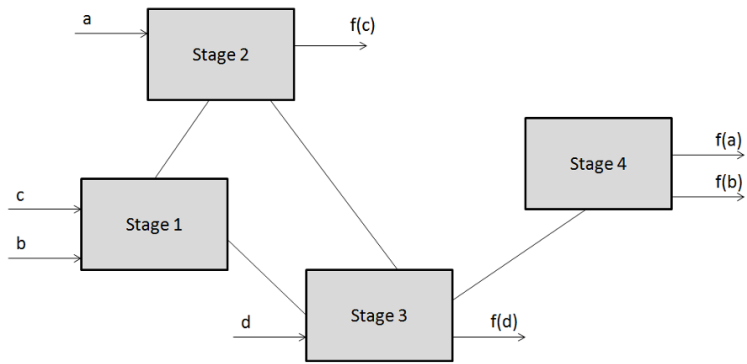
Cascade



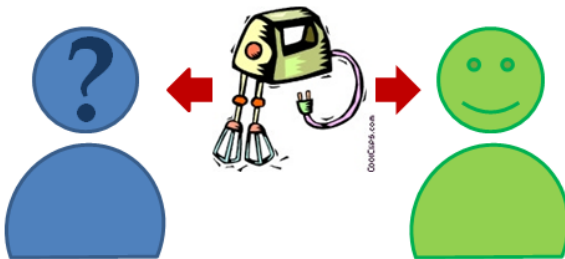
Color change: cryptographic operation

Szabad útválasztásos

Free-routing



Egyirányú mix-net



Hybrid: tetszőleges hosszú üzenetek

Jogosultság

Anonim válasz

Anonimitás visszavonása

Definition

Let G_1 and G_2 be two groups of order q for some large prime q . A map $e : G_1 \times G_1 \rightarrow G_2$ is an **admissible bilinear map** if satisfies the following properties:

- 1 **Bilinear**: We say that a map $e : G_1 \times G_1 \rightarrow G_2$ is bilinear if $e(aP, bQ) = e(P, Q)^{ab}$ for all $P, Q \in G_1$ and all $a, b \in \mathbb{Z}_q^*$.
- 2 **Non-degenerate**: The map does not send all pairs in $G_1 \times G_1$ to the identity in G_2 . Since G_1, G_2 are groups of prime order, if P is a generator of G_1 then $e(P, P)$ is a generator of G_2 .
- 3 **Computable**: There is an efficient algorithm to compute $e(P, Q)$ for any $P, Q \in G_1$.

The Weil and Tate pairings prove the existence of such constructions. Typically, G_1 is an elliptic-curve group and G_2 is a finite field.

The following properties of bilinear pairings can be easily verified. Property (5) is another way of defining non-degeneracy. For all $S, T \in G_1$:

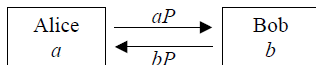
- ① $e(S, \infty) = 1$ and $e(\infty, S) = 1$.
- ② $e(S, -T) = e(-T, S) = e(S, T)^{-1}$
- ③ $e(aS, bT) = e(S, T)^{ab}$ for all $a, b \in Z$.
- ④ $e(S, T) = e(T, S)$.
- ⑤ If $e(S, R) = 1$ for all $R \in G_1$, then $S = \infty$.

Definition

Discrete Logarithm Problem (DLP) in an additively-written group $G = \langle P \rangle$ of order q is the problem, given P and Q , of finding the integer $x \in [0, q - 1]$ such that $Q = xP$.

Definition

Computational Diffie-Hellman problem (CDHP) is the problem, given P , aP and bP , of computing abP .



Definition

Let e be a bilinear pairing on (G_1, G_2) . The **bilinear Diffie-Hellman problem** (BDHP) is the following: Given P, aP, bP, cP , compute $e(P, P)^{abc}$.

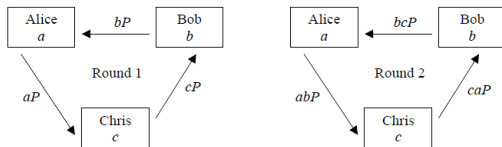


FIGURE 2. Three-party two-round key agreement protocol.

Ehelyett: $K = e(bP, cP)^a = e(aP, cP)^b = e(aP, bP)^c$

Hardness of the BDHP implies the hardness of the CDHP in both G_1 and G_2 .

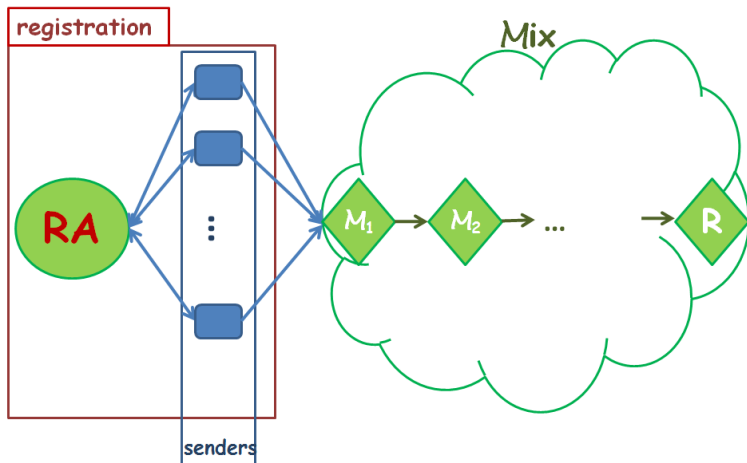
Definition

Decisional Diffie-Hellman problem (DDHP) is the problem, given P, aP, bP and cP , of deciding whether $cP = abP$.

In G_1 it is easy.

Calculating: $e(P, cP) = e(P, P)^c$ and $e(aP, bP) = e(P, P)^{ab}$

Protokoll



Kulcsgenerálás

 M_1

SK: (m_1, x_1)
PK: $x_1 m_1 P$

 M_2

SK: (m_2, x_2)
PK: $x_2 m_2 m_1 P$

 \dots
 $R (= M_N)$

SK: (m_N, x_N)
PK: $x_N \bar{m} P$

$m_1 P \parallel x_1 m_1 P$

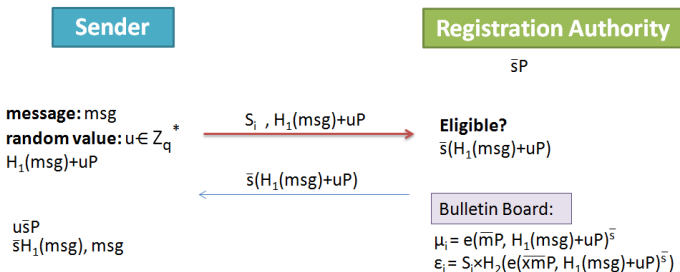
$m_2 m_1 P \parallel x_2 m_2 x_1 m_1 P$

...

$m_N \dots m_2 m_1 P = \bar{m} P$
 $x_N m_N \dots x_2 m_2 x_1 m_1 P = \bar{x} m P$

Regisztráció

Registration



Verification: $e(\bar{s}H_1(msg), P) = e(\bar{s}P, H_1(msg))$

RA does not have information about msg .
 μ_i is a commitment value for u
 ϵ_i is the encrypted identity
 $\bar{s}H_1(msg) \rightarrow$ eligibility

Üzenet elküldése

 S_i

message: msg

secret random value: $a_{s_i} \in Z_q^*$

$$p = \text{msg} \parallel \bar{s}H_1(\text{msg}) \parallel a_{s_i} P$$

symmetric encryption keys:

$$K_1^{(i)} = H_2(e(\text{PK}_{M_1}, \bar{s}P)^{u^{(i)}})$$

$$K_2^{(i)} = H_2(e(\text{PK}_{M_2}, \bar{s}P)^{u^{(i)}})$$

...

$$K_{N-1}^{(i)} = H_2(e(\text{PK}_{M_{N-1}}, \bar{s}P)^{u^{(i)}})$$

$$K_R^{(i)} = H_2(e(\text{PK}_R, \bar{s}P)^{u^{(i)}})$$

encryption:

$$M_1^{(i)} = \text{Enc}_{K_1^{(i)}}(\text{Enc}_{K_2^{(i)}}(\dots \text{Enc}_{K_R^{(i)}}(p)))$$

secret random values: $u_1^{(i)}, u_2^{(i)} \in Z_q^*$ such that: $u^{(i)} = u_1^{(i)} * u_2^{(i)}$

$$v_1^{(i)} = u_1^{(i)} P \parallel w_1^{(i)} = u_2^{(i)} \bar{s} P \parallel M_1^{(i)}$$

 M_1

Mix

Mix Server j

$$\text{PK}_j: x_j \prod_{k=1}^j m_k P \quad m_j = a_j^{(j)} b_j^{(j)} \quad (a_j^{(j)}, b_j^{(j)} \in Z_q^*)$$

$$(v_j^{(j)}, w_j^{(j)}, M_j^{(j)})$$



$$= \left(\prod_{k=1}^{j-1} a_k^{(j)} u_1^{(j)} P, \prod_{k=1}^{j-1} b_k^{(j)} u_2^{(j)} \bar{s} P, M_j^{(j)} \right)$$

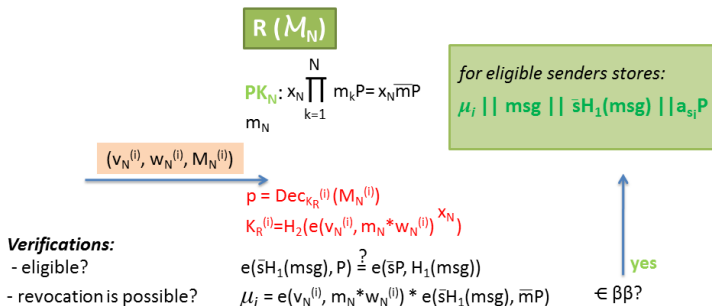
$$K_j^{(j)} = H_2 \left(e \left(\prod_{k=1}^j a_k^{(j)} u_1^{(j)} P, \prod_{k=1}^j b_k^{(j)} u_2^{(j)} \bar{s} P \right)^{x_j} \right)$$

$$M_{j+1}^{(j)} = \text{Dec}_{K_j^{(j)}}(M_j^{(j)})$$

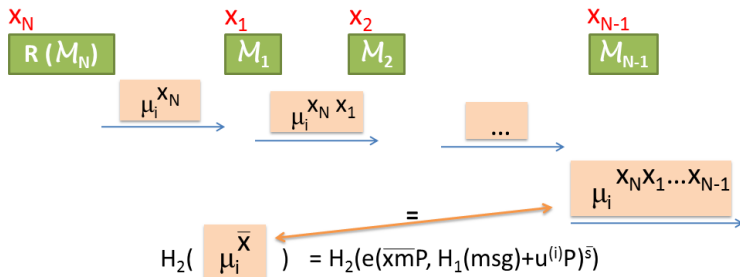
$$(v_{j+1}^{(j)} = a_j^{(j)} v_j^{(j)}, w_{j+1}^{(j)} = b_j^{(j)} w_j^{(j)}, M_{j+1}^{(j)})$$



Üzenetek feldolgozása



Anonimitás visszavonása



RA tárolja: $\varepsilon_i = S_i \otimes H_2(e(\bar{x}\bar{m}P, H_1(msg) + u^{(i)}P)^{\bar{s}})$
 S ellenőrzi (visszavonja):

$$\varepsilon_i = S_i \otimes H_2(e(\bar{s}H_1(msg), \bar{x}\bar{m}P) \cdot e(\bar{s}P, \bar{x}\bar{m}P)^{u^{(i)}})$$

R visszavonja: $\varepsilon_i = S_i \otimes H_2(e(\bar{s}u^{(i)}P, \bar{m}P) \cdot e(\bar{s}H_1(msg), \bar{m}P)^{\bar{x}})$

Jellemzők

- titkosság (privacy): anonim csatorna (μ_i és ε_i nélkül)
- jogosultság (eligibility): vak aláírás
- egyszer-szavazhatóság (unreusability): vak aláírás
- igazságosság (fairness): határidő után számolják a szavazatokat
- személyes ellenőrizhetőség(individual verifiability): szavazó ellenőrizheti BB -n a szavazatát
- univerzális ellenőrizhetőség(global verifiability): ha minden szavazó szavaz, ha regisztrált (R feltehet szavazatot)
- megvesztegethetetlenség, zsarolhatatlanság (receipt-freeness, uncoercibility): nem teljesül (támadó ismeri a_S, P értéket)

Köszönöm a figyelmet!